

a) A capacidade ocupada no transporte para C2 e C3 é o dobro da ocupada no transporte para C1, sendo que no total o transporte semanal não pode exceder o equivalente a 35 unidades de capacidade.

b) Dual:  $Max W = 20y_1 + 35y_2 + 5y_3$   
 s. a: 
$$\begin{cases} y_1 + y_2 + 2y_3 - 2y_4 \leq 20 \\ y_1 + 2y_2 + y_4 \leq 12 \\ y_1 + 2y_2 - 2y_3 \leq 14 \\ y_1, y_4 \geq 0; \quad y_2, y_3 \leq 0 \end{cases}$$

c)  $(x_1, x_2, x_3) = (5, 12.5, 2.5)$ . Semanalmente, a empresa deve transportar 5mil toneladas para C1, 12500 toneladas para C2 e 2500 toneladas para C3.

d)  $y_1 = 32 \Rightarrow x_4 = |20 - 20| = 0$ : A exigência de transporte semanal mínimo (20mil toneladas) é verificada na igualdade. Por cada mil toneladas exigidas a mais (menos) o custo total de transporte aumentaria (diminuiria) 32u.m., desde que a base ótima se mantenha.

$y_2 = -10 \Rightarrow x_5 = |35 - 35| = 0$ : a capacidade de transporte semanal é totalmente utilizada, por cada mil ton que fosse possível transportar a mais (menos) o custo total de transporte baixaria (aumentaria) 10 u.m., desde que a base ótima se mantenha.

e.1)  $Max Z = 20x_1 + 12x_2 + 14x_3$   
 s. a: 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 = 35 \\ 2x_1 - 2x_3 + x_5 = 5 \\ -2x_1 + x_2 - x_6 = 0 \\ x_j \geq 0; \quad j = 1, \dots, 6 \end{cases}$$

e.2) Multiplicando a 3ª restrição por (-1). CE:  $Min\{-20; -12; -14\} = -20 \rightarrow x_1$ ;

CS:  $Min\left\{\frac{35}{1}; \frac{5}{2}; \frac{0}{2}\right\} = \frac{0}{2} \rightarrow x_6$ .

	Z	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	TI
Z	1	-20	-12	-14	0	0	0	0
$x_4$	0	1	2	2	1	0	0	35
$x_5$	0	2	0	-2	0	1	0	5
$x_6$	0	2	-1	0	0	0	1	0
Z	1	0	-22	-14	0	0	10	0
$x_4$	0	0	5/2	2	1	0	-1/2	35
$x_5$	0	0	1	-2	0	1	-1	5
$x_1$	0	1	-1/2	0	0	0	1/2	0

A solução do primal é  $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6) = (0, 0, 0, 35, 5, 0)$  é básica admissível e não ótima.

VB:  $x_1; x_4; x_5$ . VNB:  $x_2; x_3; x_6$ .

e.3) Variáveis de decisão do dual:  $y_1 = y_2 = 0; y_3 = 10$  (coeficientes das variáveis desvio na linha Z do quadro).